

## Prognat lineáris algebra gyakorlat

Második zárthelyi: 2016. 05. 09.

Mindegyik feladatban **indoklás szükséges** (a számolás részletei), a pusztán eredményért nem jár pont. A feladatok 6 pontosak, a ZH jegye az összpontszám hatoda. Használni semmilyen segédeszközt nem szabad, kalkulátort, mobiltelefont sem. Minden feladat **új oldalon** kezdődjön. Név és NEPTUN-kód **minden lapon OLVASHATÓ nyomtatott betűkkel** szerepeljen. A pontszámról **emailben** lehet érdeklődni: [ewwkiss@gmail.com](mailto:ewwkiss@gmail.com).

**Javító zárthelyi:** Május 17, kedd, 08:00, Déli tömb, 0-805 (Fejér Lipót terem). Az jöhet el, akinek a gyakorlati jegyét nem írtam be a Neptunba.

**Gyakorlati jegy utóvizsga.** Május 19, csütörtök, 08:00, Déli tömb, 0-805 (Fejér Lipót terem). A Neptunban jelentkezzen fel, akinek a gyakorlati jegye elégtelen.

1. Az  $\mathbb{R}^3$  tér  $[1, 0, 2]^T$ ,  $[0, 1, 0]^T$ ,  $[1, 1, 0]^T$  bázisából készítsünk ortonormált bázist a Schmidt-eljárással.

2. Adjuk meg az  $\begin{bmatrix} 1 & 8 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$  mátrix karakterisztikus polinomját, (jobb oldali) sajátértékeit, sajátvektorait, sajátaltéréit, és döntsük el, hogy diagonalizálható-e  $\mathbb{R}$  fölött.

3. Számítsuk ki az alábbi determinánst.

$$\begin{vmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 3 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 2 & 1 & 1 \end{vmatrix}.$$

4. Számítsuk ki a  $\begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  mátrixhoz tartozó kvadratikus alak jellegét (milyen definit), és adjunk meg sajátvektorokból álló ortonormált bázist (a szokásos skaláris szorzatra nézve).

5. (2+1+3 pont)  $[\mathbf{a}]_{i,j,k} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix}$ ;  $[\mathbf{b}]_{i,j,k} = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix}$ . Mennyi  $\mathbf{a}$  és  $\mathbf{b}$  vektoriális és skaláris szorzata? Adjunk meg egy  $\mathbf{c}$  vektort, melyre  $\mathbf{a}(\mathbf{b} \times \mathbf{c}) = 1$ .

6. A  $\varphi([\alpha, \beta, \gamma]^T) = [\alpha, \beta + \gamma, 2\beta - c - 1]^T$  transzformáció mely  $c \in \mathbb{R}$  értékre lesz lineáris az  $\mathbb{R}^3$  téren? Ebben az esetben adjuk meg a kép- és magterének a dimenzióját.